



RISORSE DIDATTICHE.



[ResearchGate Project](#) By ... 0000-0001-5086-7401 & [Inkd.in/erZ48tm](#)

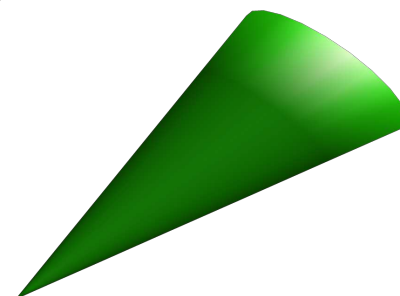
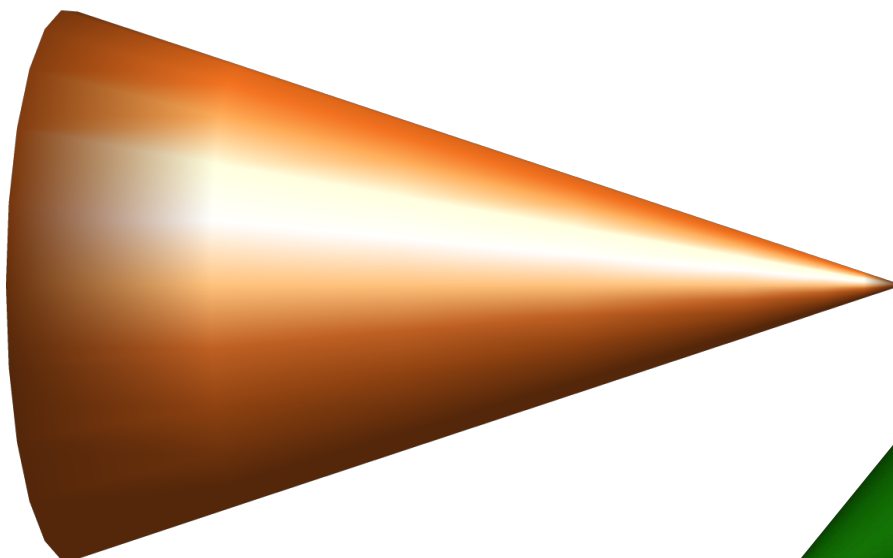
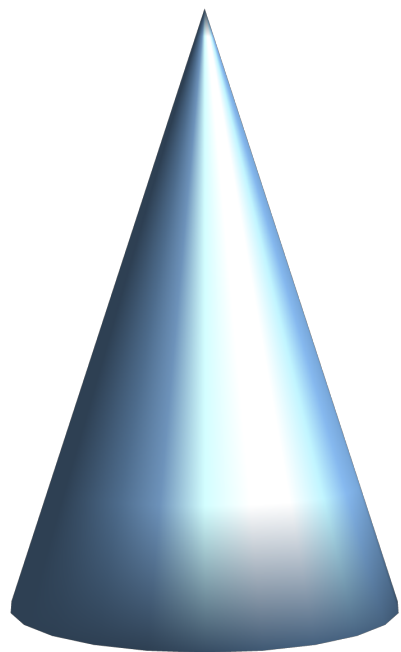


.....



.....

Il cono

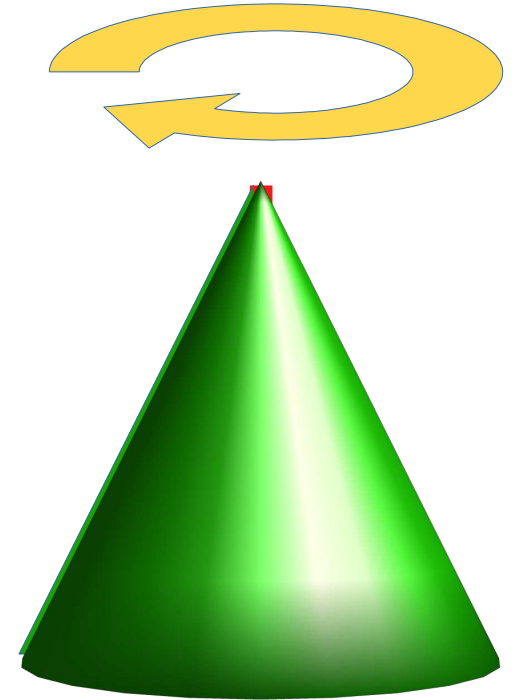


PARLEREMO DI ...

- Che cos'è il cono
- Il cono equilatero
- Sviluppo piano di un cono
- La formula dell'area laterale
- La formula dell'area totale
- La formula del volume

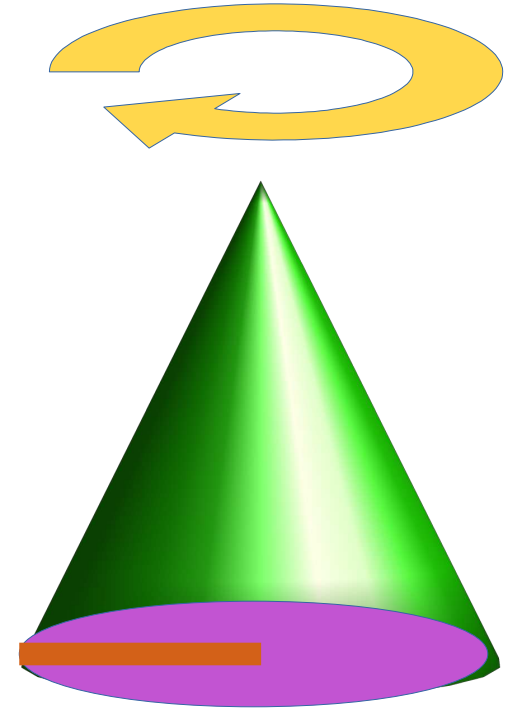
CHE COS'È IL CONO

Il **cono** è il solido generato dalla rotazione completa di un triangolo rettangolo attorno ad uno dei suoi cateti.



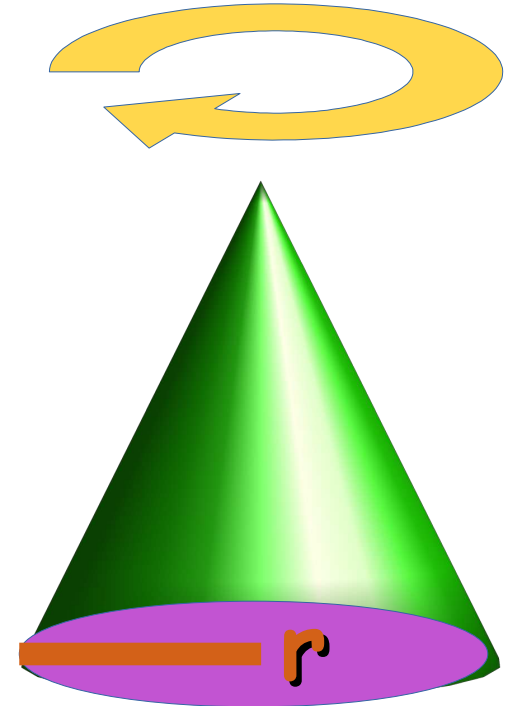
CHE COS'È IL CONO

La rotazione dell'altro cateto genera un cerchio, che è detto **base** del cono.



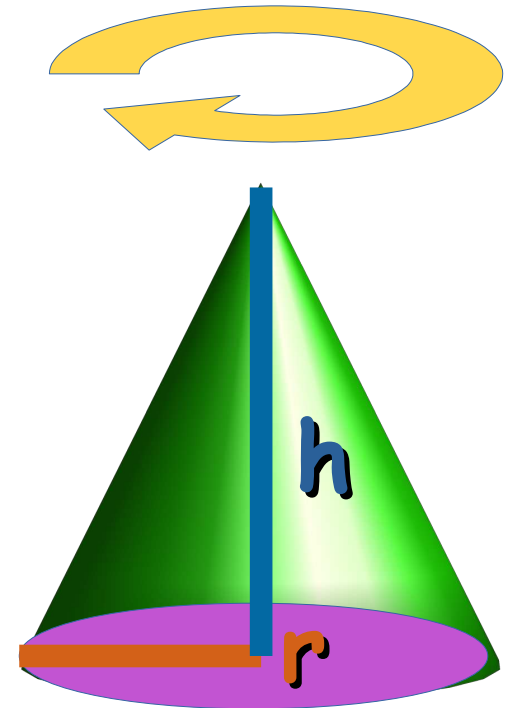
CHE COS'È IL CONO

Tale cateto, il raggio del cerchio alla base, è detto **raggio** del cono.



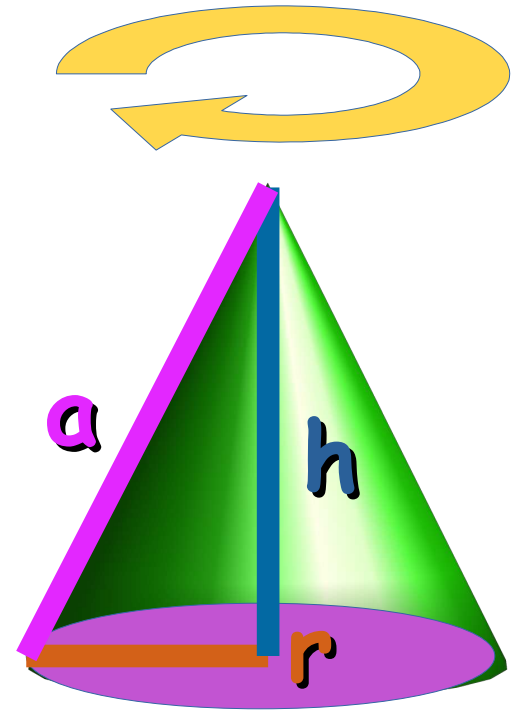
CHE COS'È IL CONO

Mentre l'altro cateto,
quello su cui è avvenuta
la rotazione, è detto
altezza del cono.



CHE COS'È IL CONO

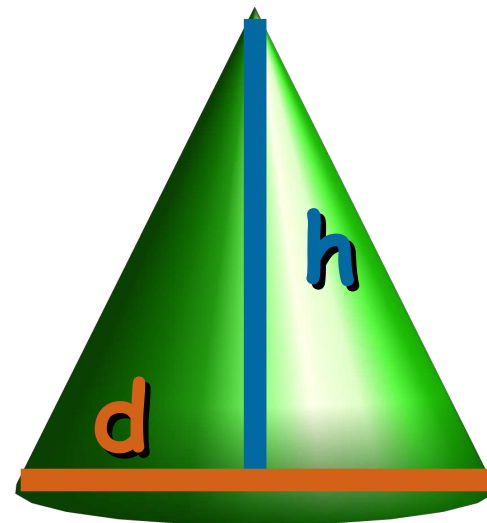
Infine, l'ipotenusa del triangolo rettangolo che abbiamo fatto ruotare diventa l'**apotema** del cono.



IL CONO EQUILATERO

Un **cono** è detto **equilatero** quando il suo diametro di base è uguale all'altezza.

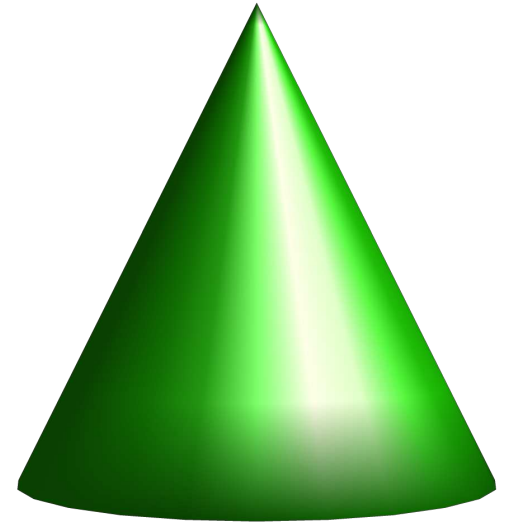
Quello sulla destra è un **cono equilatero**.



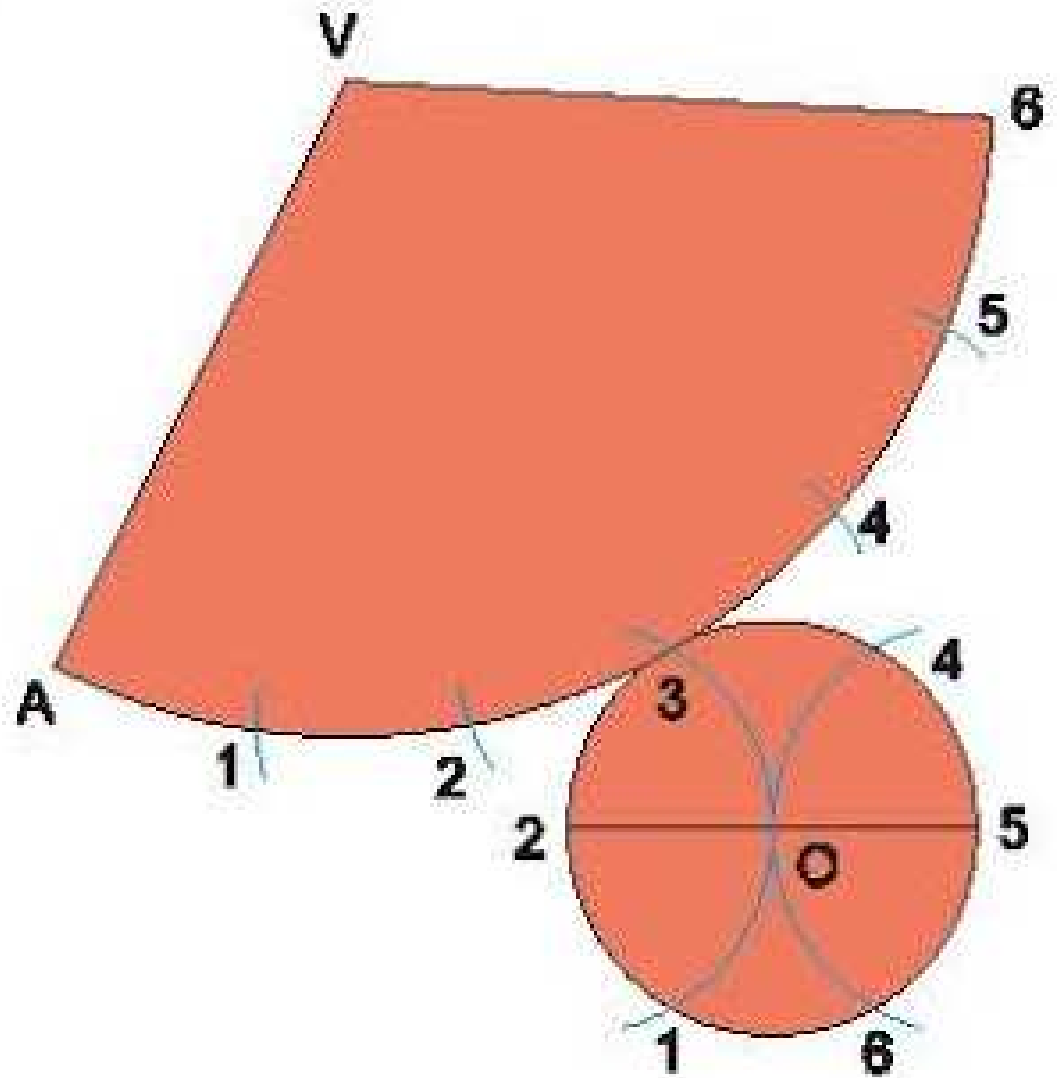
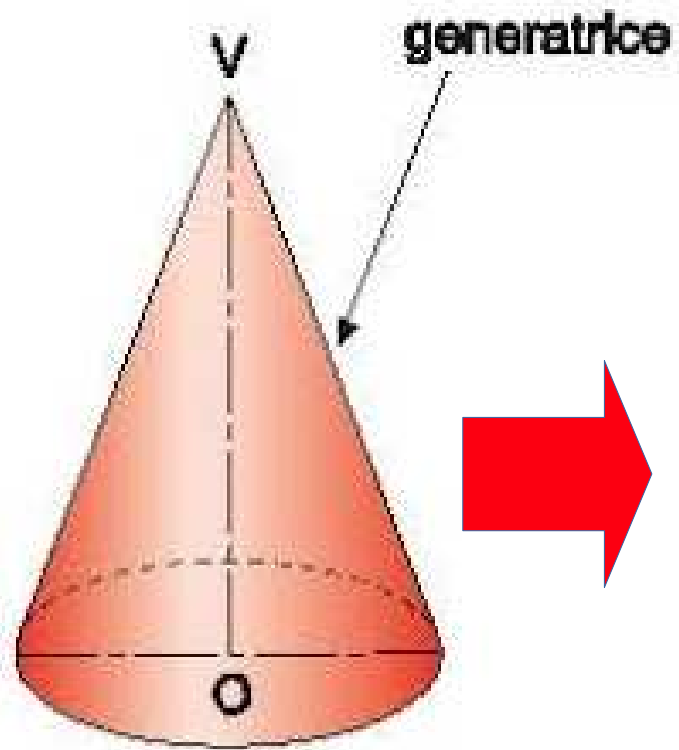
SVILUPPO PIANO DI UN CONO

La superficie di un qualunque **cono** può essere rappresentata su un **piano**: tale rappresentazione prende il nome di **sviluppo piano del cono**.

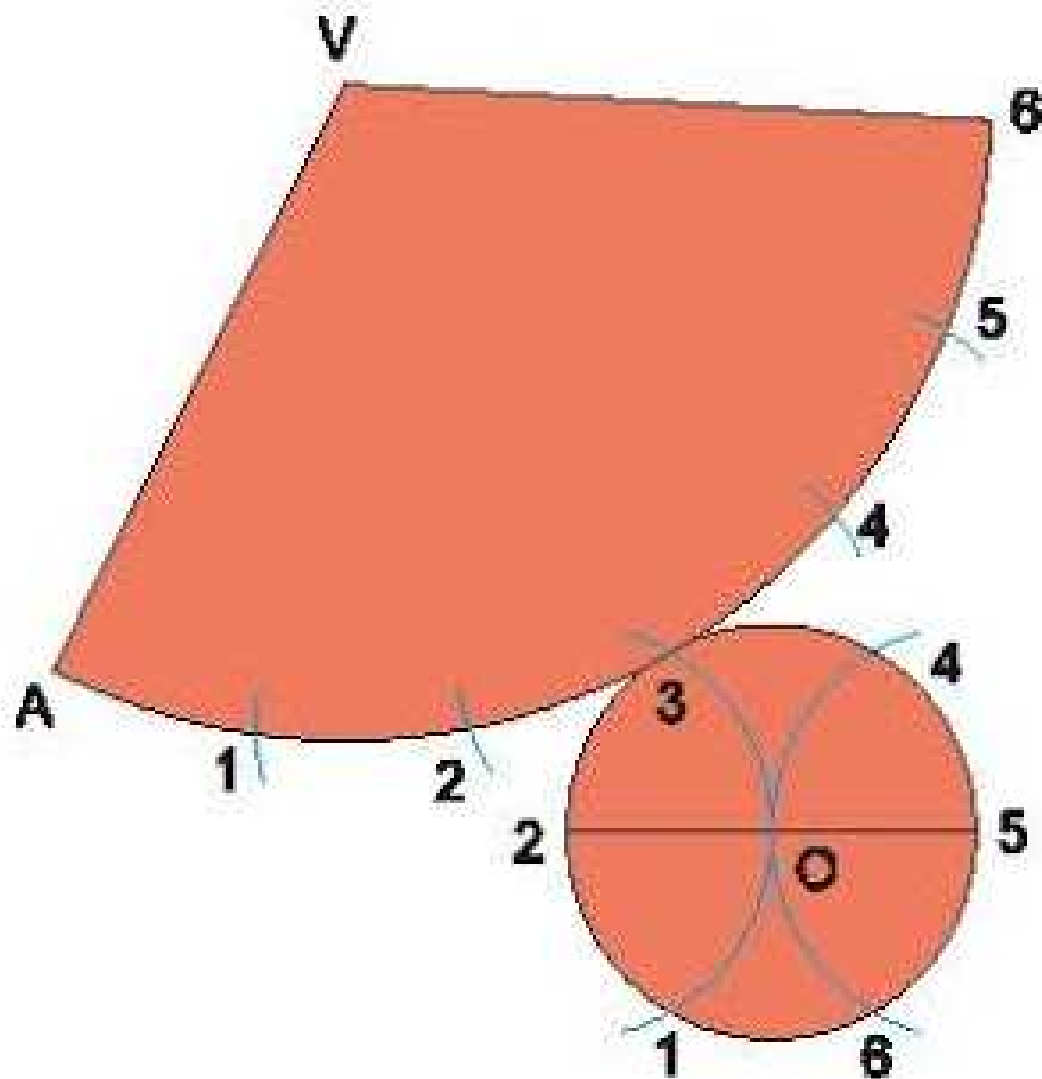
Eccone un esempio:



cono



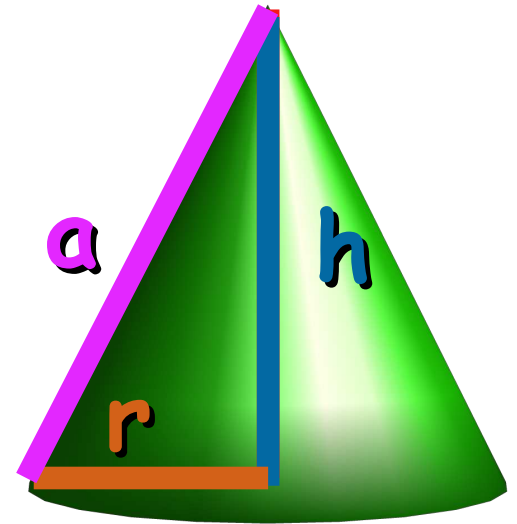
Lo sviluppo piano di un cono è una figura composta da **un settore circolare** e da **un cerchio**, congruente alla base del cono.



LA FORMULA DELL'AREA LATERALE

L' **area laterale** del cono si ottiene moltiplicando la misura della **circonferenza di base** per l'**apotema** e dividendo il risultato ottenuto per 2.

La formula è: $A_l = \pi \cdot r \cdot a$



E le formule inverse sono: $r = \frac{A_l}{\pi \cdot a}$ $a = \frac{A_l}{\pi \cdot r}$

LA FORMULA DELL'AREA TOTALE

L'**area totale** del cono si calcola aggiungendo all'**area laterale** l'**area della base**.

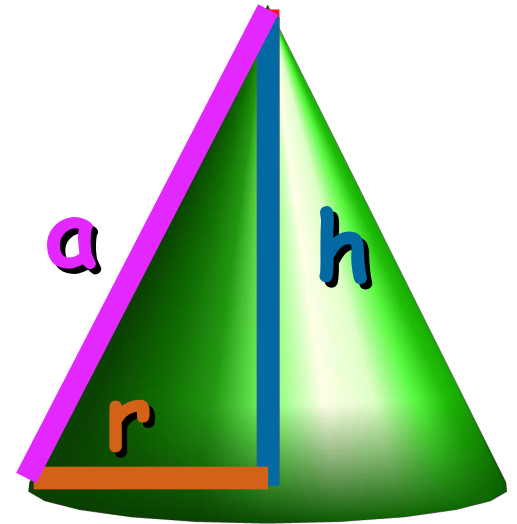
La formula dunque è questa:

$$At = Al + Ab$$

Che può anche essere scritta

$$At = \pi \cdot r \cdot (a + r)$$

Le formule inverse sono: $Al = At - Ab$ $Ab = At - Al$



LA FORMULA DEL VOLUME

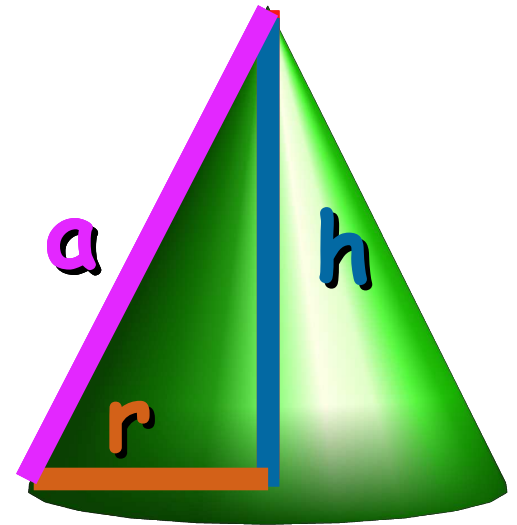
Il **volume** del cono si ottiene moltiplicando l'**area di base** per la misura dell'**altezza** e dividendo per 3 il prodotto ottenuto. La formula è:

$$V = \frac{\pi \cdot r^2 \cdot h}{3}$$

E le formule inverse sono:

$$r = \sqrt{\frac{3 \cdot V}{\pi \cdot h}}$$

$$h = \frac{3 \cdot V}{\pi \cdot r^2}$$



Le formule del cono

formule
dirette

formule
inverse

area laterale

$$Al = \pi \cdot r \cdot a$$

$$r = Al / (\pi \cdot a)$$

$$a = Al / (\pi \cdot r)$$

area totale

$$At = Al + Ab$$

$$Al = At - Ab$$

$$At = \pi \cdot r \cdot (a + r)$$

$$Ab = At - Al$$

volume

$$V = \frac{\pi \cdot r^2 \cdot h}{3}$$

$$r = \sqrt{3 \cdot V / (\pi \cdot h)}$$

$$h = 3 \cdot V / (\pi \cdot r^2)$$

Il cono equilatero

formule
dirette

formule
inverse

area laterale

$$Al = 2 \cdot \pi \cdot r^2$$

$$r = \sqrt{Al / (2 \cdot \pi)}$$

area totale

$$At = 3 \cdot \pi \cdot r^2$$

$$r = \sqrt{At / (3 \cdot \pi)}$$

volume

$$V = \frac{\pi \cdot r^3}{\sqrt{3}}$$

$$r = \sqrt[3]{\frac{\sqrt{3} \cdot V}{\pi}}$$

SOLIDI DI ROTAZIONE

CONO

ESERCITAZIONI SVOLTE

PROBLEMA NUM: 4300 - I cateti di un triangolo rettangolo misurano rispettivamente 4,5 cm e 20 cm. Calcola il volume del cono ottenuto facendo ruotare il triangolo dato di 360° attorno al cateto maggiore.

SVOLGIMENTO CORRETTO:

$$4,5 \times 4,5 \times \pi \times 20 : 3 = 135\pi \text{ cm}^3 \text{ volume del cono}$$

RISPOSTA CORRETTA:

Misura $135\pi \text{ cm}^3$

PROBLEMA NUM: 1227 - Un cono ha cm 835,24 di circonferenza e dm 3,9 di apotema. Calcola la sua area laterale e quella totale.

SVOLGIMENTO CORRETTO:

$$\text{cm } 835,24 : 6,28 = \text{cm } 133 \text{ (raggio)}$$

$$\text{cm}^2 (835,24 \times 133) : 2 = \text{cm}^2 55543,46 \text{ (area di base)}$$

$$\text{dm } 3,9 = \text{cm } 39$$

$$\text{cm}^2 (835,24 \times 39) : 2 = \text{cm}^2 16.287,18 \text{ (area laterale)}$$

$$\text{cm}^2 (16.287,18 + 55.543,46) = \text{cm}^2 71.830,64 \text{ (area totale)}$$

RISPOSTA CORRETTA:

L'area laterale è di cm² 16.287,18 e quella totale di cm² 71.830,64

PROBLEMA NUM: 1228 - Un chiosco ha il tetto a cono, il quale ha il lato di metri 3,40 e il diametro di base di metri 2,20 ed è ricoperto una lastra di zinco che pesa Kg 7,5 al m² e che costa euro 2,90 al Kg. Quanto costa tutta la lastra?

SVOLGIMENTO CORRETTO:

$$\text{metri } 2,2 \times 3,14 = \text{metri } 6,90 \text{ (circonferenza)}$$

$$\text{m}^2 (6,9 \times 3,4) : 2 = \text{m}^2 11,73 \text{ (area laterale)}$$

$$\text{Kg } 7,5 \times 11,73 = \text{Kg } 87,975 \text{ (peso della lastra)}$$

$$\text{euro } 2,9 \times 87,975 = \text{euro } 255,10 \text{ (costo)}$$

RISPOSTA CORRETTA: La lastra costa euro 255,10

PROBLEMA NUM: 1230 - Quanto cartoncino mi serve per costruire un cono con il lato di cm 28 e il raggio di base di cm 7,5, tenendo presente che per le giunture me ne occorre il 15 % in più della sua superficie totale?

SVOLGIMENTO CORRETTO:

cm² [(7,5 x 3,14) 28 + 7,5)] = cm² 836,025 (area totale)

cm² (836,025 x 15) : 100 = cm² 125,40 (giunture)

cm² (836,025 + 125,40) = cm² 961,425 (cartoncino occorrente)

RISPOSTA CORRETTA:

Il cartoncino occorrente è di cm² 961,425

PROBLEMA NUM: 1231 - Costruisco un cono di cartone con il lato di cm 35 e con il raggio di base di cm 9,5 e sulla sua superficie applico dei triangoli colorati alti cm 1,2 e con la base di cm 1,7. Quanti ne posso applicare?

SVOLGIMENTO CORRETTO:

cm² [(9,5 x 3,14)x(9,5+35)] = cm² 1327,435 area totale

cm² (1,2 x 1,7) : 2 = cm² 1,02 (area dei triangoli)

cm² 1327,435 : cm² 1,02 = 1301 (N. dei triangoli)

RISPOSTA CORRETTA:

Posso applicare 1301 triangoli

PROBLEMA NUM: 1232 - Luigi deve costruire un imbuto che è formato da una parte cilindrica lunga cm 12 e con il diametro di cm 1,5 e da una parte conica con il lato di cm 25 e con il diametro di base di cm 28. Quanta latta adopererà, se per il manico e per le giunture dovrà adoperare $\frac{2}{15}$ di più di quella strettamente necessaria?

SVOLGIMENTO CORRETTO:

$$\text{cm } 1,5 \times 3,14 = \text{cm } 4,71 \text{ (circonferenza)}$$

$$\text{cm}^2 (4,71 \times 12) = \text{cm}^2 56,52 \text{ (area laterale del cilindro)}$$

$$\text{cm } 28 \times 3,14 = \text{cm } 87,92 \text{ (circonferenza del cono)}$$

$$\text{cm}^2 (87,92 \times 25) : 2 = \text{cm}^2 1099 \text{ (area laterale del cono)}$$

$$\text{cm}^2 (1099 + 56,52) = \text{cm}^2 1155,52 \text{ (area dell'imbuto)}$$

$$\text{cm}^2 (1155,52 : 15) \times 2 = \text{cm}^2 154,06 \text{ (giunture)}$$

$$\text{cm}^2 (1155,52 + 154,06) = \text{cm}^2 1309,58 \text{ (latta occorrente)}$$

RISPOSTA CORRETTA:

La latta occorrente è di cm² 1309,58.

PROBLEMA NUM: 1233 - La punta di un campanile ha la forma conica; è alto metri 6,70, ha il raggio di base di metri 1,35 ed è vuoto per $\frac{2}{3}$. Qual è il suo volume?

SVOLGIMENTO CORRETTO:

$$\text{m}^2 (1,35 \times 1,35 \times 3,14) = \text{m}^2 57,2265 \text{ (area di base)}$$

$$\text{m}^3 (57,2265 \times 6,7) : 3 = \text{m}^3 127,805 \text{ (volume)}$$

$$\text{m}^3 127,805 : 3 = \text{m}^3 42,60 \text{ (1/3 ossia volume del pinnacolo)}$$

RISPOSTA CORRETTA:

Il volume del pinnacolo è di m³ 42,60

PROBLEMA NUM: 1234 - Quanto pesa un mucchio di riso a forma di cono alto metri 1,25 e largo alla base metri 1,40 sapendo che il peso specifico del riso è 0,475?

SVOLGIMENTO CORRETTO:

metri 1,4 : 2 = metri 0,7 (raggio)

m² (0,7 x 0,7 x 3,14) = m² 1,5386 (area di base)

m³ (1,5386 x 1,25) : 3 = m³ 0,64108 (volume)

0,64108 = dm³ 641,08

Kg 0,475 x 641,08 = Kg 304,513 (peso)

RISPOSTA CORRETTA:

Quel mucchio di riso pesa Kg 304,513

PROBLEMA NUM: 1235 - Quanti bicchieri a forma di cono profondi cm 6,5 e larghi alla bocca cm 8,5 posso riempire con un fiasco di vino che ne contiene 1,8 litri?

SVOLGIMENTO CORRETTO:

cm 8,5 : 2 = cm 4,25 (raggio)

cm² (4,25 x 4,25 x 3,14) = cm² 56,71 (area di base)

cm³ (56,71 x 6,5) : 3 = cm³ 122,872 (volume del bicchiere)

litri 1,8 = cm³ 1800

cm³ 1800 : cm³ 122,872 = 14 (N. dei bicchieri)

RISPOSTA CORRETTA:

Si possono riempire 14 bicchieri circa

PROBLEMA NUM: 1238 - Un chiosco alto metri 3,90 ha una parte dalla forma di cilindro alta metri 2,80 e con il diametro di metri 1,80 e una parte dalla forma di cono. Qual è il volume del chiosco?

SVOLGIMENTO CORRETTO:

metri 1,8 : 2 = metri 0,9 (raggio)

m² (0,9x0,9x3,14) = m² 2,54 (area di base)

$m^2 (2,54 \times 7,112) = m^3 7,112$ (volume del cilindro)

$m 3,9 - m 2,8 = \text{metri } 1,1$ (altezza del cono)

$m^3 (2,54 \times 1,1) : 3 = m^3 2,794$ (volume del cono)

$m^3 (7,17 + 2,794) = m^3 9,906$ (volume del chiosco)

RISPOSTA CORRETTA:

Il volume del chiosco è di $m^3 9,906$

PROBLEMA NUM: 1243 - Luigi ha comprato 28 coni di zucchero (peso specifico 1,66) del peso complessivo di Kg 90,1. Quanto era alto ogni cono se il diametro della sua base era di decimetri 2,4?

SVOLGIMENTO CORRETTO:

$Kg 90,1 = dm^3 90,1$

$dm^3 90,1 : 1,66 = dm^3 54,277$ (volume dei 28 pani)

$dm^3 54,277 : 28 = dm^3 1,937$ (volume di un pane)

$dm 2,4 : 2 = dm 1,2$ (raggio)

$dm^2 (1,2 \times 1,2 \times 3,141) = dm^2 4,52$ (area di base)

$1,937 : 4,52 = dm 0,428$ (altezza di ogni pane)

RISPOSTA CORRETTA:

Ogni pane era alto decimetri 0,428

PROBLEMA NUM: 2228 - La circonferenza di base di un cono misura 32 pigreco cm e l'apotema è i $\frac{17}{8}$ del raggio. Calcola l'area della superficie totale e il volume del cono.

SVOLGIMENTO CORRETTO:

$32\pi : (2 \times 32\pi) = 16$ cm raggio base

$17:8 \times 16 = 34$ cm apotema

$\pi \times 16 \times 34 + \pi \times 16 \times 16 = 800\pi$ cm² superficie totale

Pitagora con $34 - 16 = 30$ cm altezza cono

$\pi \times 16 \times 16 \times 30 : 3 = 2560\pi$ cm³ volume

RISPOSTA CORRETTA: Misurano 800π cm² e 2560π cm³

PROBLEMA NUM: 2229 - L'area laterale di un cono misura 136π cm² e il raggio di base è congruente allo spigolo di base di un prisma quadrangolare regolare avente l'area laterale di 480 cm² e l'altezza di 15 cm. Calcola il volume del cono.

$$480:(4 \times 15) = 8 \text{ cm spigolo base prisma}$$

$$136\pi:(8 \times \pi) = 17 \text{ cm apotema cono}$$

$$\text{Pitagora con } 17-8 = 15 \text{ cm altezza cono}$$

$$8 \times 8 \times 15 \times \pi : 3 = 320\pi \text{ cm}^3 \text{ volume cono}$$

RISPOSTA CORRETTA:

Misura 320π cm³

PROBLEMA NUM: 2230 - La sezione di un cono con un piano passante per l'asse di rotazione è un triangolo avente il perimetro di 56 cm e la base di 21 cm. Calcola l'area della superficie totale e il volume del cono.

SVOLGIMENTO CORRETTO:

$$21:2 = 10,5 \text{ cm raggio base cono}$$

$$(56-21):2 = 17,5 \text{ cm apotema cono}$$

$$\text{Pitagora con } 17,5-10,5 = 14 \text{ cm altezza cono}$$

$$10,5 \times 17,5 \times \pi + 10,5 \times 10,5 \times \pi = 294\pi \text{ cm}^2 \text{ superficie totale}$$

$$14 \times 10,5 \times 10,5 \times \pi : 3 = 514,5\pi \text{ cm}^3 \text{ volume cono}$$

RISPOSTA CORRETTA:

Misurano 294π cm² e $514,5\pi$ cm³

PROBLEMA NUM: 2231 - Un cono e un cilindro sono equivalenti. L'area laterale e l'altezza del cilindro misurano rispettivamente 768π cm² e 24 cm. Calcola l'area della superficie totale del cono, sapendo che il suo raggio è congruente all'altezza del cilindro.

SVOLGIMENTO CORRETTO:

$768\pi : (2 \times 24 \times \pi) = 16$ cm raggio base cilindro

$16 \times 16 \times 24 \times \pi = 6144\pi$ cm³ volume cilindro

$3 \times 6144\pi : (\pi \times 24 \times 24) = 32$ cm altezza cono

Pitagora con $24 + 32 = 40$ cm apotema

$24 \times 24 \times \pi + 24 \times 40 \times \pi = 1536\pi$ cm² superficie totale cono

RISPOSTA CORRETTA:

Misura 1536π cm²

PROBLEMA NUM: 2249 - Lo sviluppo della superficie laterale di un cono è un settore circolare ampio 216° e avente l'area di 135π cm². Calcola il peso di una sfera di ottone (ps 8,5) avente la superficie equivalente ai $\frac{2}{3}$ della superficie totale del cono.

SVOLGIMENTO CORRETTO:

$135\pi : 216 \times 360 = 225\pi$ cm² area cerchio integrale del settore circolare

$\text{radice_quadrata}(225\pi : \pi) = 15$ cm apotema cono

$135\pi : (\pi \times 15) = 9$ cm raggio base cono

$135\pi + \pi \times 9 \times 9 = 216\pi$ cm² superficie laterale cono

$(2:3) \times 216\pi = 144\pi$ cm² superficie sfera

$\text{radice_quadrata}(144\pi : (4\pi)) = 6$ cm raggio sfera

$(4:3) \times \pi \times 6 \times 6 \times 6 \times \pi = 7686,72$ g peso sfera

RISPOSTA CORRETTA:

Pesa $7686,72$ g

PROBLEMA NUM: 2257 - Un cono ha l'area della superficie laterale di 624π cm² e il raggio di base lungo 24 cm. Calcola l'area della superficie totale di un cilindro equivalente al cono e avente l'altezza congruente ai $15/13$ dell'apotema del cono.

SVOLGIMENTO CORRETTO:

$$624\pi : (\pi \times 24) = 26 \text{ cm apotema cono}$$

$$\text{Pitagora con } 26-24 = 10 \text{ cm altezza cono}$$

$$15:13 \times 26 = 30 \text{ cm altezza cilindro}$$

$$\pi \times 24 \times 24 \times 10 : 3 = 1920\pi \text{ cm}^3 \text{ volume cono}$$

$$\text{radice_quadrata}(1920\pi : (30 \times \pi)) = 8 \text{ cm raggio della base del cilindro}$$

$$2 \times \pi \times 8 \times 8 + 2 \times \pi \times 8 \times 30 = 608\pi \text{ cm}^2 \text{ superficie totale cilindro}$$

RISPOSTA CORRETTA:

Misura 608π cm²

PROBLEMA NUM: 2264 - Calcola l'area della superficie totale e il volume di un cono, sapendo che la circonferenza di base è lunga 52π cm e l'area della superficie laterale misura 845π cm².

SVOLGIMENTO CORRETTO:

$$52\pi : (2 \times \pi) = 26 \text{ cm raggio della base del cono}$$

$$845\pi : (\pi \times 26) = 32,5 \text{ cm apotema cono}$$

$$\text{Pitagora con } 32,5-26 = 19,5 \text{ altezza del cono}$$

$$\pi \times 26 \times 26 \times 19,5 : 3 = 4394\pi \text{ cm}^3 \text{ volume del cono}$$

$$\pi \times 26 \times 26 + 845\pi = 1521\pi \text{ cm}^2 \text{ superficie totale cono}$$

RISPOSTA CORRETTA:

Misurano 4394π cm³ e 1521π cm²

PROBLEMA NUM: 2265 - Calcola l'area della superficie totale e il volume di un cono, sapendo che la somma dell'altezza e del raggio di base misura 34 cm e il loro rapporto è 12/5.

SVOLGIMENTO CORRETTO:

$34 \times 5 : (12 + 5) = 10$ cm raggio della base del cono

$34 - 10 = 24$ cm altezza cono

Pitagora con $10^2 + 24^2 = 26^2$ cm apotema cono

$\pi \times 10 \times 10 \times 24 : 3 = 800\pi$ cm³ volume cono

$\pi \times 10 \times 10 + \pi \times 10 \times 26 = 360\pi$ cm² superficie totale cono

RISPOSTA CORRETTA:

Misurano 360π cm² e 800π cm³

PROBLEMA NUM: 2266 - Calcola il volume di un cono sapendo che l'area della superficie laterale e l'area della superficie totale misurano rispettivamente 735π cm² e 1176π cm².

SVOLGIMENTO CORRETTO:

$1176\pi - 735\pi = 441\pi$ cm² area base del cono

$\sqrt{441\pi : \pi} = 21$ cm raggio della base del cono

$735\pi : (21 \times \pi) = 35$ cm apotema cono

Pitagora con $35^2 - 21^2 = 28^2$ cm altezza cono

$441\pi \times 28 : 3 = 4116\pi$ cm³ volume cono

RISPOSTA CORRETTA:

Misura 4116π cm³

PROBLEMA NUM: 2339 - In un cono la somma dell'altezza e del diametro di base misura 33 cm e il loro rapporto è $\frac{3}{8}$. Calcola il volume del cono e l'ampiezza del settore circolare che rappresenta lo sviluppo della sua superficie laterale.

SVOLGIMENTO CORRETTO:

$$33 \times 8 : (3 + 8) = 24 \text{ cm diametro base cono}$$

$$33 - 24 = 9 \text{ cm altezza cono}$$

$$24 : 2 = 12 \text{ cm raggio base cono}$$

$$\text{Pitagora con } 9 + 12 = 15 \text{ cm apotema cono}$$

$$12 \times 15 \times \pi = 180\pi \text{ cm}^2 \text{ superficie laterale cono}$$

$$\pi \times 12 \times 12 \times 9 : 3 = 432 \text{ cm}^3 \text{ volume cono}$$

$$180\pi \times 360 : (\pi \times 15 \times 15) = 288^\circ \text{ ampiezza settore circolare}$$

RISPOSTA CORRETTA:

Misura 432 cm^3 e 288°

PROBLEMA NUM: 2340 - Il volume di un cono misura $392 \pi \text{ cm}^3$. Sapendo che la circonferenza di base misura $14 \pi \text{ cm}$, calcola l'area della superficie totale del cono e l'ampiezza del settore circolare che rappresenta lo sviluppo della sua superficie laterale.

SVOLGIMENTO CORRETTO:

$$14\pi : (2 \times \pi) = 7 \text{ cm raggio base cono}$$

$$\pi \times 7 \times 7 = 49\pi \text{ cm}^2 \text{ area base cono}$$

$$392\pi \times 3 : (49 \times \pi) = 24 \text{ cm altezza del cono}$$

$$\text{Pitagora con } 24 + 7 = 25 \text{ cm apotema del cono}$$

$$25 \times 7 \times \pi = 175\pi \text{ cm}^2 \text{ superficie laterale cono}$$

$$49\pi + 175\pi = 224\pi \text{ cm}^2 \text{ superficie totale cono}$$

$$(175\pi \times 360) : (\pi \times 25 \times 25) = 100,8^\circ = 100^\circ 48' \text{ ampiezza settore circolare}$$

RISPOSTA CORRETTA: Misura $224\pi \text{ cm}^2$ e $100^\circ 48'$

PROBLEMA NUM: 2341 - Calcola il volume di un cono sapendo che lo sviluppo della sua superficie laterale è un settore circolare ampio 270° appartenente a un cerchio di area 144π cm².

SVOLGIMENTO CORRETTO:

$270:360 \times 144\pi = 108\pi$ cm² superficie laterale cono

$108\pi:(\pi \times 12) = 9$ cm raggio base del cono

$\text{radice_quadrata}(144\pi:\pi) = 12$ cm apotema cono

Pitagora con $12-9 = 7,94$ cm altezza cono

$\pi \times 7,94 \times 9 \times 9 : 3 = 214,3\pi$ cm³ volume cono

RISPOSTA CORRETTA:

Misura $214,3\pi$ cm³

PROBLEMA NUM: 2342 - Calcola il volume di un cono, sapendo che lo sviluppo della sua superficie laterale è un settore circolare avente l'area di 960π cm² e ampiezza di 216° .

SVOLGIMENTO CORRETTO:

$\text{radice_quadrata}(960\pi \times 360 : (216 \times \pi)) = 40$ cm apotema cono

$960\pi : (40 \times \pi) = 24$ cm raggio base del cono

Pitagora con $40-24 = 32$ cm altezza del cono

$\pi \times 24 \times 24 \times 32 : 3 = 6144\pi$ cm³ volume cono

RISPOSTA CORRETTA:

Misura 6144π cm³

PROBLEMA NUM: 2343 - Calcola l'area della superficie totale di un cono, sapendo che il volume e l'area di base misurano rispettivamente $337,5 \pi \text{ cm}^3$ e $56,25 \pi \text{ cm}^2$.

SVOLGIMENTO CORRETTO:

$$337,5\pi \times 3 : (56,25 \times \pi) = 18 \text{ cm altezza cono}$$

$$\text{radice_quadrata}(56,25\pi : \pi) = 7,5 \text{ cm raggio base del cono}$$

$$\text{Pitagora con } 18^2 + 7,5^2 = 19,5 \text{ cm apotema cono}$$

$$56,25\pi + \pi \times 7,5 \times 19,5 = 202,5\pi \text{ cm}^2 \text{ superficie totale cono}$$

RISPOSTA CORRETTA:

Misura $202,5\pi \text{ cm}^2$

PROBLEMA NUM: 3069 - L'apotema di un cono è congruente ai $\frac{5}{3}$ del raggio di base. Sapendo che la somma dei $\frac{2}{5}$ dell'apotema e dei $\frac{6}{13}$ del raggio misura 44 cm, calcola l'area della superficie totale e il volume del solido.

SVOLGIMENTO CORRETTO:

$$44 : (\frac{2}{5} \times 3 + \frac{6}{13}) = 39 \text{ cm raggio di base del cono}$$

$$39 \times \frac{5}{3} = 65 \text{ cm apotema del cono}$$

$$\text{Pitagora con } 65^2 - 39^2 = 52 \text{ cm altezza del cono}$$

$$39 \times 39 \times \pi + 65 \times 39 \times \pi = 4056\pi \text{ cm}^2 \text{ superficie totale del cono}$$

$$39 \times 39 \times \pi \times \frac{52}{3} = 26364\pi \text{ cm}^3 \text{ volume del cono}$$

RISPOSTA CORRETTA:

Misurano $4056\pi \text{ cm}^2$ e $26364\pi \text{ cm}^3$

PROBLEMA NUM: 3070 - Il raggio di base di un cono é congruente ai 7/24 dell'altezza. Sapendo che la loro somma misura 93 cm, calcola l'area della superficie totale e il volume del cono.

SVOLGIMENTO CORRETTO:

$$93 \times 24 : (7 + 24) = 72 \text{ cm altezza del cono}$$

$$72 : 24 \times 7 = 21 \text{ cm raggio di base del cono}$$

$$21 \times 21 \times \pi \times 72 : 3 = 10584\pi \text{ cm}^3 \text{ volume del cono}$$

$$\text{Pitagora con } 21 + 72 = 75 \text{ cm apotema del cono}$$

$$\pi \times 75 \times 21 + 21 \times 21 \times \pi = 2016\pi \text{ cm}^2 \text{ superficie totale del cono}$$

RISPOSTA CORRETTA:

Misurano 2016π cm² e 10584π cm³

PROBLEMA NUM: 3072 - L'area della superficie laterale di un cono misura 1815π cm². Sapendo che il raggio di base è i 3/4 dell'altezza, calcola l'area della superficie totale e il volume del cono.

SVOLGIMENTO CORRETTO:

$$\text{radice_quadrata}(1815\pi \times 3 \times 4 : (\pi \times 4 \times 5)) = 33 \text{ cm raggio di base del cono}$$

$$4 \times 33 : 3 = 44 \text{ cm altezza del cono}$$

$$33 \times 33 \times \pi \times 44 : 3 = 15972\pi \text{ cm}^3 \text{ volume del cono}$$

$$\text{Pitagora con } 33 + 44 = 55 \text{ cm apotema del cono}$$

$$33 \times 33 \times \pi + 1815\pi = 2904\pi \text{ cm}^2 \text{ superficie totale del cono}$$

RISPOSTA CORRETTA:

Misurano 2904π cm² e 15972π cm³

PROBLEMA NUM: 3080 - In un triangolo rettangolo un cateto è congruente ai $\frac{24}{7}$ dell'altro cateto e l'ipotenusa misura 62,5 cm. Calcola l'area della superficie totale e il volume del solido generato dalla rotazione completa del triangolo attorno all'ipotenusa.

SVOLGIMENTO CORRETTO:

$\text{radice_quadrata}(62,5 \times 62,5 \times \frac{49}{625}) = 17,5$ cm cateto minore del triangolo

$17,5 \times \frac{24}{7} = 60$ cm cateto maggiore del triangolo

$17,5 \times 60 : 62,5 = 16,8$ cm altezza relativa all'ipotenusa del triangolo

$16,8 \times 16,8 \times \pi \times 62,5 : 3 = 5080\pi$ cm³ volume del solido generato dalla rotazione

$16,8 \times (60 + 17,5) \times \pi = 1302\pi$ cm² superficie totale del solido

RISPOSTA CORRETTA:

Misurano 1302π cm² e 5080π cm³

PROBLEMA NUM: 3097 - L'area della superficie di base di un cono misura 441π cm². Sapendo che l'apotema è $\frac{5}{4}$ dell'altezza, calcola l'area della superficie totale e il volume del cono.

SVOLGIMENTO CORRETTO:

$\text{radice_quadrata}(16 \times 441\pi : (9 \times \pi)) = 28$ cm altezza del cono

$441\pi \times 28 : 3 = 4116\pi$ cm³ volume del cono

$28 \times \frac{5}{4} = 35$ cm apotema del cono

Pitagora con $35 - 28 = 21$ cm raggio di base del cono

$21 \times 35 \times \pi + \pi \times 21 \times 21 = 1176\pi$ cm² superficie totale del cono

RISPOSTA CORRETTA:

Misurano 1176π cm² e 4116π cm³

PROBLEMA NUM: 3098 - L'area della superficie laterale di un cono misura 1020π cm². Sapendo che l'apotema è i $17/30$ del diametro di base, calcola l'area della superficie totale e il volume del cono.

SVOLGIMENTO CORRETTO:

$\text{radice_quadrata}(1020\pi:(\pi \times (17:30) \times 2)) = 30$ cm raggio di base del cono

$30 \times 2 \times 17:30 = 34$ cm apotema del cono

Pitagora con $34-30 = 16$ cm altezza del cono

$1020 \times \pi + \pi \times 30 \times 30 = 1920\pi$ cm² superficie totale del cono

$\pi \times 30 \times 30 \times 16:3 = 4800\pi$ cm³ volume del cono

RISPOSTA CORRETTA:

Misurano 1920π cm² e 4800π cm³

PROBLEMA NUM: 4031 - Il raggio di un cono è i $5/13$ dell'apotema e il doppio dell'apotema diminuito di 8 cm è uguale al triplo del raggio aumentato di 14 cm. Calcola l'area della superficie totale e il volume del cono.

SVOLGIMENTO CORRETTO:

$(14+8):(2-3 \times 15:13) = 26$ cm apotema del cono

$26 \times 5:13 = 10$ cm raggio di base del cono

Pitagora con $26-10 = 24$ cm altezza del cono

$10 \times 10 \times \pi \times 24:3 = 800\pi$ cm³ volume del cono

$10 \times 10 \times \pi + \pi \times 10 \times 26 = 360\pi$ cm² superficie totale del cono

RISPOSTA CORRETTA:

Misurano 360π cm² e 800π cm³

PROBLEMA NUM: 4033 - Il perimetro di un triangolo rettangolo misura 80 cm. Il cateto minore e l'ipotenusa del triangolo sono rispettivamente gli $\frac{8}{15}$ e $\frac{17}{15}$ del cateto maggiore. Calcola l'area della superficie totale e il volume del cono ottenuto dalla rotazione completa del triangolo attorno al cateto maggiore.

SVOLGIMENTO CORRETTO:

$80:(8+17+15) = 2$ cm coefficiente di riparto

$2 \times 15 = 30$ cm cateto maggiore del triangolo (= altezza del cono)

$2 \times 8 = 16$ cm cateto minore del triangolo (= raggio di base del cono)

$2 \times 17 = 34$ cm ipotenusa del triangolo (= apotema del cono)

$16 \times 16 \times \pi \times 30 : 3 = 2560\pi$ cm³ volume del cono

$16 \times 16 \times \pi + 34 \times 16 \times \pi = 800\pi$ cm² superficie totale del cono

RISPOSTA CORRETTA:

Misurano 800π cm² e 2560π cm³

PROBLEMA NUM: 4157 - Un cono, alto 21 cm, ha il raggio congruente ai $\frac{4}{3}$ dell'altezza diminuiti di 8 cm. Calcola: a. l'area della superficie totale del cono b. il volume del cono c. l'area della superficie totale di un cilindro equivalente al cono il cui raggio è metà di quello del cono.

SVOLGIMENTO CORRETTO:

$21 \times \frac{4}{3} - 8 = 20$ cm raggio di base del cono

Pitagora con $20^2 + 21^2 = 29^2$ cm apotema del cono

$20 \times 20 \times \pi + 20 \times 29 \times \pi = 980\pi$ cm² superficie totale del cono

$20 \times 20 \times \pi \times 21 : 3 = 2800\pi$ cm³ volume del cono

$20 : 2 = 10$ cm raggio del cilindro

$2800\pi : (10 \times 10 \times \pi) = 28$ cm altezza del cilindro

$2 \times 10 \times 10 \times \pi + 2 \times 10 \times \pi \times 28 = 760\pi$ cm² superficie totale del cilindro

PROBLEMA NUM: 4158 - L'apotema di un cono equilatero misura 18 cm. Calcola l'area totale e il volume.

SVOLGIMENTO CORRETTO:

$18:2 = 9$ cm raggio di base del cono

$9 \times 9 \times \pi + 9 \times 18 \times \pi = 243\pi$ cm² superficie totale del cono

Pitagora con $18-9 = 9 \times \text{radice_quadrata}(3)$ cm altezza del cono

$\pi \times 9 \times 9 \times 9 \times \text{radice_quadrata}(3) : 3 = 243\pi \times \text{radice_quadrata}(3)$ cm³
volume del cono

RISPOSTA CORRETTA:

Misurano 243π cm² e $243\pi \times \text{radice_quadrata}(3)$ cm³

PROBLEMA NUM: 4159 - Calcola l'area totale e il volume di un cono equilatero avente il raggio di 12 cm.

SVOLGIMENTO CORRETTO:

$12 \times 2 = 24$ cm apotema del cono

$12 \times 12 \times \pi + 12 \times 24 \times \pi = 432\pi$ cm² superficie totale del cono

Pitagora con $24-12 = 12 \times \text{radice_quadrata}(3)$ cm altezza del cono

$12 \times 12 \times \pi \times 12 \times \text{radice_quadrata}(3) : 3 = 576\pi \times \text{radice_quadrata}(3)$ cm³
volume del cono

RISPOSTA CORRETTA:

Misurano 432π cm² e $576\pi \times \text{radice_quadrata}(3)$ cm³

PROBLEMA NUM: 4162 - Lo sviluppo della superficie laterale di un cono è un settore circolare, ampio 288° , avente l'area di 720π cm. Calcola il volume.

SVOLGIMENTO CORRETTO:

$360 \times 720\pi : 288 = 900\pi$ cm² cerchio a cui appartiene il settore circolare

$\text{radice_quadrata}(900\pi : \pi) = 30$ cm raggio del cerchio a cui appartiene il settore circolare (= apotema del cono)

$720\pi : (\pi \times 30) = 24$ cm raggio di base del cono

Pitagora con $30-24 = 18$ cm altezza del cono

$24 \times 24 \times \pi \times 18 : 3 = 3456\pi$ cm³ volume del cono

RISPOSTA CORRETTA:

Misura 3456π cm³

PROBLEMA NUM: L'area totale e quella laterale di un cono sono rispettivamente di 1764π cm² e 980π cm². Calcola il volume.

SVOLGIMENTO CORRETTO:

$1764\pi - 980\pi = 784\pi$ cm² area di base del cono

$\text{radice_quadrata}(784\pi : \pi) = 28$ cm raggio di base del cono

$980\pi : (\pi \times 28) = 35$ cm apotema del cono

Pitagora con $35-28 = 21$ cm altezza del cono

$784\pi \times 21 : 3 = 5488\pi$ cm³ volume del cono

RISPOSTA CORRETTA:

Misura 5488π cm³

PROBLEMA NUM: 4165 - L'area di base di un cono è di 900π cm² ed è i $15/17$ dell'area laterale. Calcola il volume.

SVOLGIMENTO CORRETTO:

$\text{radice_quadrata}(900\pi:\pi) = 30$ cm raggio di base del cono

$900\pi \times 17:15 = 1020\pi$ cm² superficie laterale del cono

$1020\pi:(\pi \times 30) = 34$ cm apotema del cono

Pitagora con $34-30 = 16$ cm altezza del cono

$900\pi \times 16:3 = 4800\pi$ cm³ volume del cono

RISPOSTA CORRETTA:

Misura 4800π cm³

PROBLEMA NUM: 4166 - L'area di base di un cono è di 81π cm² e l'altezza i $20/9$ del diametro. Calcola l'area totale e il volume.

SVOLGIMENTO CORRETTO:

$\text{radice_quadrata}(81\pi:\pi) = 9$ cm raggio di base del cono

$9 \times 2 \times (20:9) = 40$ cm altezza del cono

Pitagora con $9+40 = 41$ cm apotema del cono

$81\pi + 9 \times \pi \times 41 = 450\pi$ cm² superficie totale del cono

$81\pi \times 40:3 = 1080\pi$ cm³ volume del cono

RISPOSTA CORRETTA:

Misurano 450π cm² e 1080π cm³

PROBLEMA NUM: 4167 - L'area di base di un cono è di 324π cm² e l'apotema misura 22,5 cm. Calcola il volume.

$\text{radice_quadrata}(324\pi:\pi) = 18$ cm raggio di base del cono

Pitagora con $22,5-18 = 13,5$ cm altezza del cono

$324\pi \times 13,5:3 = 1458\pi$ cm³ volume del cono

RISPOSTA CORRETTA:

Misura 1458π cm³

PROBLEMA NUM: 4168 - La somma dell'apotema e dell'altezza di un cono è 81 cm e uno è i $5/4$ dell'altra. Calcola l'area totale e il volume.

SVOLGIMENTO CORRETTO:

$81 \times 4:(5+4) = 36$ cm altezza del cono

$36 \times 5:4 = 45$ cm apotema del cono

Pitagora con $45-36 = 27$ cm raggio di base del cono

$27 \times 27 \times \pi + 27 \times \pi \times 45 = 1944\pi$ cm² superficie totale del cono

$27 \times 27 \times \pi \times 36:3 = 8748\pi$ cm³ volume del cono

RISPOSTA CORRETTA:

Misurano 1944π cm² e 8748π cm³

PROBLEMA NUM: 4169 - Il diametro di base di un cono misura 20 cm ed è i $10/13$ dell'apotema. Calcola il volume.

SVOLGIMENTO CORRETTO:

$20 \times 13:10 = 26$ cm apotema del cono

$20:2 = 10$ cm raggio di base del cono

Pitagora con $26-10 = 24$ cm altezza del cono

$10 \times 10 \times \pi \times 24:3 = 800\pi$ cm³ volume del cono

RISPOSTA CORRETTA:

Misura 800π cm³

PROBLEMA NUM: 4170 - La circonferenza di base e l'apotema di un cono misurano rispettivamente 40π cm e 29 cm. Calcola il volume.

SVOLGIMENTO CORRETTO:

$40\pi:(2\times\pi) = 20$ cm raggio di base del cono

Pitagora con $29-20 = 21$ cm altezza del cono

$20\times20\times\pi\times21:3 = 2800\pi$ cm³ volume del cono

RISPOSTA CORRETTA:

Misura 2800π cm³

PROBLEMA NUM: 4171 - Il diametro di base e l'apotema di un cono misurano rispettivamente 16 cm e 11,6 cm. Calcola il volume.

SVOLGIMENTO CORRETTO:

$16:2 = 8$ cm raggio di base del cono

Pitagora con $11,6-8 = 8,4$ cm altezza del cono

$8\times8\times\pi\times8,4:3 = 179,2\pi$ cm³ volume del cono

RISPOSTA CORRETTA:

Misura $179,2\pi$ cm³

PROBLEMA NUM: 4172 - L'area totale e l'area di base di un cono sono rispettivamente di 1176π cm² e 576π cm². Calcola l'altezza di un cilindro che ha la stessa area laterale del cono e il raggio di base congruente ai $5/8$ del raggio del cono.

SVOLGIMENTO CORRETTO:

$\text{radice_quadrata}(576\pi:\pi) = 24$ cm raggio di base del cono

$1176\pi-576\pi = 600\pi$ cm² superficie laterale del cono (= superficie laterale del cilindro)

$24\times5:8 = 15$ cm raggio di base del cilindro

$600\pi:(2\times15\times\pi) = 20$ cm altezza del cilindro

RISPOSTA CORRETTA:

Misurano 20 cm e 24 cm

PROBLEMA NUM: 4173 - Un cono equilatero ha l'area laterale di 1568π cm². Qual è la misura della circonferenza di base?

SVOLGIMENTO CORRETTO:

$\text{radice_quadrata}(1568\pi:(2\times\pi)) = 28$ cm raggio di base del cono
 $2\times 28\times\pi = 56\pi$ cm² area di base del cono

RISPOSTA CORRETTA:

Misura 56π cm²

PROBLEMA NUM: 4174 - L'area laterale di un cono equilatero è di 648π cm². Calcola la misura dell'apotema e dell'altezza del cono (approssima ai centesimi).

SVOLGIMENTO CORRETTO:

$\text{radice_quadrata}(648\pi:(2\times\pi)) = 18$ cm raggio di base del cono
 $2\times 18 = 36$ cm apotema del cono (= diametro di base del cono)
Pitagora con $36-18 = 31,18$ cm altezza del cono

RISPOSTA CORRETTA:

Misurano 36 cm e 31,18 cm

PROBLEMA NUM: 4175 - Calcola la misura dell'apotema di un cono equilatero che ha l'area totale di 192π cm².

SVOLGIMENTO CORRETTO:

$\text{radice_quadrata}(192\pi:(\pi\times(2+1))) = 8$ cm raggio di base del cono

$2\times 8 = 16$ cm apotema del cono (= diametro di base del cono)

RISPOSTA CORRETTA:

Misura 16 cm

PROBLEMA NUM: 4176 - L'area della superficie totale di un cono è di 900π cm². Sapendo che l'area di base è i $\frac{4}{5}$ dell'area laterale calcola l'altezza del cono.

SVOLGIMENTO CORRETTO:

$5 \times 900\pi : (5+4) = 500\pi$ cm² superficie laterale del cono

$900\pi - 500\pi = 400\pi$ cm² area di base del cono

$\text{radice_quadrata}(400\pi : \pi) = 20$ cm raggio di base del cono

$500\pi : (\pi \times 20) = 25$ cm apotema del cono

Pitagora con $25-20 = 15$ cm altezza del cono

RISPOSTA CORRETTA:

Misura 15 cm

PROBLEMA NUM: 4177 - L'area totale di un cono è di 567π cm² e la circonferenza di base è lunga 28π cm. Calcola la misura dell'apotema e dell'altezza.

SVOLGIMENTO CORRETTO:

$28\pi : (2 \times \pi) = 14$ cm raggio di base del cono

$14 \times 14 \times \pi = 196\pi$ cm² area di base del cono

$567\pi - 196\pi = 371\pi$ cm² superficie laterale del cono

$371\pi : (14 \times \pi) = 26,5$ cm apotema del cono

Pitagora con $26,5-14 = 22,5$ cm altezza del cono

RISPOSTA CORRETTA:

Misurano 26,5 cm e 22,5 cm

SUPERFICIE TOTALE E LATERALE DI UN CONO

Ciao, potreste spiegarmi lo svolgimento per calcolare l'area della superficie di un cono? Grazie mille!
Calcola l'area della superficie totale e laterale di un cono, sapendo che l'altezza e l'apotema misurano rispettivamente 45 cm e 53 cm.

Per risolvere il problema è sufficiente applicare le **formule del cono**: usiamo intanto quella per il calcolo della superficie di base

$$S_{base} = \pi r^2$$

che è l'**area del cerchio** di base. Dobbiamo calcolare il raggio, e per farlo applichiamo il **teorema di Pitagora**

$$r = \sqrt{a^2 - h^2} = \sqrt{53^2 - 45^2} = 28 \text{ cm}$$

quindi

$$S_{base} = \pi r^2 = \pi 28^2 = 784\pi \text{ cm}^2$$

L'area della superficie laterale si calcola invece come

$$S_{lat} = \pi r a = \pi \times 28 \times 53 = 1484\pi \text{ cm}^2$$

L'area della superficie totale si calcola come

$$S_{tot} = S_{base} + S_{lat}$$

PROBLEMA SULLA SUPERFICIE LATERALE DI UN CONO

Calcola l'area della superficie laterale e totale di un cono alto 30 cm e avente il diametro di base lungo 32 cm.

$$S_{lat} = \pi \cdot r \cdot a$$

$$S_{tot} = \pi \cdot r(r + a)$$

Cos'è a ? è l'apotema e si calcola con il **teorema di Pitagora** (si usa il **triangolo rettangolo** formato da apotema, raggio di base e altezza del cono)

$$a = \sqrt{r^2 + h^2}$$

Elencate tutte le formule facciamo i calcoli, ricordandoci che il diametro è il doppio del raggio.

$$r = \frac{d}{2} = \frac{32}{2} = 16 \text{ cm}$$

$$a = \sqrt{16^2 + 30^2} = \sqrt{1156} = 34$$

$$S_{lat} = \pi \cdot 16 \cdot 34 = 544\pi \text{ cm}^2$$

$$S_{tot} = \pi \cdot 16(16 + 34) = \pi \cdot 16(50) = 800\pi \text{ cm}^2$$

AREA E VOLUME DI UN CONO

Il volume di un cono retto è $210\pi \text{ cm}^3$ ed il raggio di base lungo 6 cm. Calcola l'area della superficie totale.

Il volume di un cono retto si calcola con la formula

$$V = \frac{S_{base} \times h}{3} = \frac{\pi r^2 \times h}{3}$$

per cui possiamo calcolare l'altezza del cono con la formula inversa

$$h = \frac{3V}{\pi r^2} = \frac{630\pi}{\pi 36} = 17,5 \text{ cm}$$

Per calcolare l'area della superficie totale

$$S_{tot} = S_{base} + S_{lat} = \pi r^2 + \pi r \times a$$

ci serve la misura dell'apotema, che possiamo calcolare con il **teorema di Pitagora**

$$a = \sqrt{r^2 + h^2} = \sqrt{36 + 306,25} = 18,5 \text{ cm}$$

Per il resto si tratta solo di applicare la precedente formula.

AREA LATERALE E TOTALE DI UN CONO

Traccia: calcola l'area della superficie laterale e totale di un cono alto 60 cm e avente l'apotema lungo 61

Partiamo con il trovarci il raggio della circonferenza di base:

$$a = \sqrt{r^2 + h^2} \rightarrow 61^2 = r^2 + 60^2 \rightarrow r = 11 \text{ cm}$$

Adesso applichiamo le solite **formule sul cono**

$$S_{lat} = \pi \cdot r \cdot a = \pi \cdot 11 \cdot 61 = 671\pi \text{ cm}^2$$

$$S_{tot} = \pi \cdot r \cdot (r + a) = \pi \cdot 11 \cdot (11 + 61) = 792\pi \text{ cm}^2$$

PROBLEMA GEOMETRIA SUL VOLUME DI UN CONO

l'area della superficie totale di un cono è di 1440π cm e l'area di base è $\frac{5}{13}$ di quella del area della superficie laterale. Calcola il volume del cono.

$$\text{Soluzioni} \quad \begin{cases} S_{tot\ cono} = 1440\pi \text{ cm}^2 \\ A_{base} = \frac{5}{13} S_{lat} \\ V = ? \end{cases}$$

Noi conosciamo la superficie totale, che è data dalla somma dell'area della superficie laterale e l'area di base:

$$S_{lat} + A_{bases} = 1440\pi \text{ cm}^2$$

Inoltre sappiamo che: $A_{base} = \frac{5}{13} S_{lat}$

Per risolvere questo problema è quindi necessario calcolare l'unità frazionaria data dalla somma tra il numeratore e il denominatore della frazione. $u_f = 5 + 13 = 18$

Benissimo ora possiamo calcolare l'area di base e l'area della superficie laterale:

$$A_{base} = S_{tot} : u_f \times 5 = 1440\pi : 18 \times 5 = 400\pi \text{ cm}^2$$

Mentre la superficie laterale è:

$$S_{lat} = S_{tot} : u_f \times 13 = 1440\pi : 18 \times 13 = 1040\pi \text{ cm}^2$$

Avendo l'area di base possiamo calcolare il raggio con le formule inverse del cerchio:

$$r = \sqrt{A_{base} : \pi} = \sqrt{400} = 20 \text{ cm}$$

Ora possiamo calcolare la circonferenza:

$$C = 2 \times \pi \times r = 2 \times 20\pi \text{ cm} = 40\pi \text{ cm}$$

A questo punto possiamo calcolare l'apotema del cono, dividendo la superficie laterale per la semicirconferenza:

$$a = \frac{2 \times S_{lat}}{C} = \frac{2 \times 1040\pi}{40\pi} = 52 \text{ cm}$$

Applicando il teorema di Pitagora al triangolo rettangolo che ha per cateti il raggio di base e l'altezza del cono possiamo calcolare l'altezza:

$$h = \sqrt{a^2 - r^2} = \sqrt{52^2 - 20^2} = \sqrt{2304} = 48 \text{ cm}$$

Abbiamo tutti gli ingredienti per il calcolo del volume:

$$V = \frac{\pi \times r^2 \times h}{3} = \frac{48 \times 20^2 \pi}{3} = 6400\pi \text{ cm}^3$$

Calcola l'area della superficie totale e il volume di un cono, sapendo che l'area di base è 225π (pi greci) cm^2 e che l'altezza è $\frac{12}{5}$ del raggio.

L'area della superficie di base del cono si calcola con la seguente formula ([formule del cono](#) - click!)

$$S_{base} = \pi r^2$$

è infatti l'[area del cerchio](#) di base. A noi serve il raggio, e dunque la formula inversa

$$r = \sqrt{\frac{S_{base}}{\pi}} = \sqrt{\frac{225\pi}{\pi}} = \sqrt{225} = 15\text{cm}$$

L'altezza del cono è $\frac{12}{5}$ del raggio, per cui

$$h = \frac{12}{5}r = \frac{12}{5}15 = 36\text{cm}$$

La formula per il calcolo della superficie laterale del cono è $S_{lat} = \pi ar$

dove a è l'[apotema](#) del cono, che possiamo calcolare con il [teorema di Pitagora](#)

$$a = \sqrt{h^2 + r^2} = \sqrt{36^2 + 15^2} = \sqrt{1521} = 39\text{cm}$$

ed infine $S_{lat} = \pi ar = \pi \times 39 \times 15 = 585\pi$

L'area della superficie totale è la somma dell'area della superficie laterale e dell'area della superficie di base

$$S_{tot} = S_{base} + S_{lat} = 225\pi + 585\pi = 810\pi\text{cm}^2$$

Un cono di rame (peso specifico 8.8) pesa 41,448 g ed è alto 20 cm. Calcola le misure del raggio e dell'apotema.

Abbiamo i dati,
$$\begin{cases} p.s = 8.8 \\ p = 41.448\text{g} \\ h = 20\text{ cm} \\ r = ? \\ a = ? \end{cases}$$

Il volume del solido è dato dalla seguente formula: $V = \frac{p}{p.s} = \frac{41.448}{8.8} = 4.71\text{dm}^3$

Trasformiamolo in cm^3 moltiplicando per 1000: $V = 4710\text{ cm}^3$

Utilizziamo le formule inverse per calcolare il raggio:

$$r = \sqrt{3 \times \frac{V}{\pi h}} = \frac{3 \times 4710}{3.14 \times 20} = \sqrt{225} = 15\text{ cm}$$

A questo punto calcoliamo l'apotema:

$$a = \sqrt{r^2 + h^2} = \sqrt{15^2 + 20^2} = \sqrt{625} = 25\text{ cm}$$

FORMA DI CONO

Un cilindro di ghisa (p.s. 7.5) alto 16 dm e con il raggio di 6 dm, presenta una cavità conica avente la base coincidente con una base del cilindro. Sapendo che l'area della superficie del solido è di 904.32 dm, calcola il peso del solido.

Calcoliamo per prima cosa il **volume del cilindro** intero

$$V_{cilindro} = \pi r^2 \times h = \pi 6^2 \times 16 = 576\pi \text{ dm}^3$$

L'area del cilindro di cui dobbiamo tenere conto, ai fini dell'area della superficie totale del solido, è data dalla somma dell'area della superficie di base superiore e dell'area della superficie laterale

$$S_{lat} + S_{base} = 2\pi r \times h + \pi r^2 = 2\pi 6 \times 16 + \pi \times 6^2 = 228\pi \text{ cm}^2 \simeq 715,92 \text{ dm}^2$$

L'area della superficie laterale del **cono** è quindi

$$904,32 - 715,92 = 188,4 \text{ dm}^2$$

D'altra parte, l'area della superficie laterale di un cono si misura come

$$\pi \times r \times a = 188,4$$

da cui ricaviamo

$$a = \frac{188,4}{\pi \times 6} = 10 \text{ dm}$$

L'altezza del cono possiamo calcolarla con il **teorema di Pitagora**

$$h_{cono} = \sqrt{a^2 - r^2} = \sqrt{64} = 8 \text{ dm}$$

e quindi il volume del cono è

$$V_{cono} = \frac{\pi \times r^2 \times h_{cono}}{3} = \frac{\pi \times 36 \times 8}{3} = 96\pi \text{ dm}^3$$

Il volume del solido si ottiene per differenza

$$V = 576\pi - 96\pi = 480\pi \text{ dm}^3$$

Il peso sarà dunque dato da $P = P_s \times V$

che è un'importante formula relativa al **peso specifico**. :)

VOLUME DI UN CONO DALLA SUPERFICIE TOTALE

Problema: calcola il volume di un cono avente l'area della superficie totale di $2712,96 \text{ cm}^2$, sapendo che la differenza fra l'area della superficie laterale e l'area di base è di $678,24 \text{ cm}^2$.

Il testo dell'esercizio ci dice che $S_{tot} = S_{base} + S_{lat} = 2712,96 \text{ cm}^2$

e che $S_{lat} - S_{base} = 678,24 \text{ cm}^2$

da quest'ultima uguaglianza ricaviamo che $S_{lat} = S_{base} + 678,24 \text{ cm}^2$

sostituiamola nella prima uguaglianza $S_{base} + S_{base} + 678,24 \text{ cm}^2 = 2712,96 \text{ cm}^2$

da cui ricaviamo $2S_{base} = 2712,96 \text{ cm}^2 - 678,24 \text{ cm}^2$ quindi

quindi $S_{base} = 1017,36 \text{ cm}^2$ e quindi $S_{lat} = 1017,36 + 678,24 = 1695,6 \text{ cm}^2$

D'altra parte l'area della superficie di base è l'area di un cerchio e si calcola come

$$\pi r^2 = 1017,36 \text{ cm}^2$$

$$\text{da cui } r = \sqrt{\frac{1017,36}{\pi}} = 18 \text{ cm}$$

avendo approssimato $\pi \simeq 3,14$

Noi dobbiamo calcolare il volume del cono, che è dato dalla formula $V = \frac{\pi r^2 h}{3}$

Ci serve la misura dell'altezza, che possiamo ricavare dalla misura dell'area della superficie laterale

$$S_{lat} = \pi r a \quad \text{da cui} \quad a = \frac{S_{lat}}{\pi r} = \frac{1695,6}{3,14 \times 18} = 30 \text{ cm}$$

$$\text{e quindi} \quad h = \sqrt{a^2 - r^2} = \sqrt{30^2 - 18^2} = 24 \text{ cm}$$

$$\text{ed infine} \quad V = \frac{\pi r^2 h}{3} = \frac{\pi 18^2 \times 24}{3} = 2592\pi \text{ cm}^3$$



Tronco di CONO **(Cap. 5.7 -- pp.186-189)**

● Il tronco di cono è il più complesso solido di rotazione tra quelli di base.

Si ottiene da una rotazione completa (360°) di un trapezio; specificamente si ottiene solo dal trapezio rettangolo e solo mediante la rotazione che usa come asse l'altezza del trapezio stesso.

Quello che si ottiene è un cono senza vertice, il quale è stato sostituito da una seconda circonferenza, ma minore di quella di base.

<https://youtu.be/P1w7hHfoE>

● Sviluppando il tronco di cono su un piano, otteniamo:

- un cerchio superiore o area superiore;
- un cerchio inferiore (maggiore del precedente) o area inferiore;
- una area laterale somigliante ad un trapezio isoscele con le due basi curve e costituite proprio dalle due circonferenze.

| - | La base maggiore del trapezio rettangolo generatore disegna il cerchio di base o inferiore o maggiore e contemporaneamente equivale al raggio del cerchio di base.

|-| La base minore del trapezio rettangolo generatore disegna il cerchio di apice o superiore o minore e contemporaneamente equivale al raggio del cerchio superiore.

|-| Il lato obliquo del trapezio rettangolo generatore disegna invece la superficie laterale del tronco di cono ed equivale alla sua apotema o segmento di collegamento (con la minima distanza) tra le due circonferenze. Questo lato può essere calcolato come ipotenusa di un triangolo rettangolo dove l'altezza del trapezio è il cateto n.1 (cateto di altezza) mentre la differenza tra le basi del trapezio (base maggiore - base minore) è il cateto n.2 (cateto di base)

|-| L'asse di rotazione del trapezio rettangolo generatore o altezza, rappresenta invece l'altezza del tronco di cono.

● AREA LATERALE = (Raggio minore + Raggio maggiore) X (Apotema) X (PiGreco).

● AREA BASE MINORE = (PiGreco) x (Raggio minore alla seconda).

● AREA BASE MAGGIORE = (PiGreco) x (Raggio maggiore alla seconda).

● AREA TOTALE = (AREA LATERALE) + (AREA BASE MINORE) + (AREA BASE MAGGIORE).

● Dati chiave per le aree del tronco di cono sono:
raggio minore (base minore rettangolo generatore);
raggio maggiore (base maggiore rettangolo generatore);
apotema (lato obliquo rettangolo generatore).

● VOLUME = (PiGreco) X (Altezza) X (1/3) X [Raggio minore alla seconda + Raggio maggiore alla seconda + (Raggio minore X Raggio maggiore)].

● Dati chiave per le aree del tronco di cono sono:
raggio minore (base minore rettangolo generatore);
raggio maggiore (base maggiore rettangolo generatore);
altezza (asse di rotazione o altezza rettangolo generatore).